

Exo 8: X v.a / $P(X=k) = e^{-2} (1+\alpha k) \cdot \frac{2^k}{k!} \cdot ; k \geq 1$

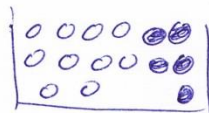
Déterminer α

$$\text{On a } \sum_{k=0}^{\infty} P(X=k) = 1 \Rightarrow \frac{e^{-2}}{4} \left[\sum_{k=0}^{\infty} \frac{2^k}{k!} + \alpha \sum_{k=1}^{\infty} \frac{2^k}{(k-1)!} \right] = 1$$

$$\Rightarrow \frac{e^{-2}}{4} \int_0^2 (e^x + \alpha x e^x) dx = 1$$

$$\Rightarrow \frac{1+2\alpha}{4} = 1 \Rightarrow \alpha = \frac{3}{2}$$

Exo 9



X = le rang de la dernière boule blanche tirée (15, 13)
La loi de X .

a) Tirage sans remise: $X(r) = [r, r+k]$.

Si $X = r+k$ on fait $r+k$ tirage sans remise, il faut donc tirer k boules noires et r boules blanches et l'ordre compte.

De plus la dernière boule tirée doit être blanche, il faut alors placer les k boules noires parmi les $r+k-1$ places.

$$P(X=r+k) = \frac{C_{r+k-1}^k \cdot A_5^k \cdot A_{10}^r}{C_{15}^{r+k}}$$

b) Tirage avec remise: $X(r) = [r, r+\infty]$.

$\frac{2}{3} \rightarrow$ boule blanche

$\frac{1}{3} \rightarrow$ noire

$$P(X=r+k) = C_{r+k-1}^k \left(\frac{2}{3}\right)^k \left(\frac{1}{3}\right)^r$$

Page 5/10